


МУНИЦИПАЛЬНОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
«ШКОЛА № 35 ИМЕНИ ГЕРОЯ СОВЕТСКОГО СОЮЗА П.И. КОЛОМИНА»  
ГОРОДСКОГО ОКРУГА САМАРА

«Рассмотрено»  
на заседании МО учителей  
естественно-научного цикла  
от «28» августа 2023г.  
протокол № 1

«Проверено»  
Заместитель директора УВР  
 Т.В.Казурова

«Утверждаю»  
Директор МБОУ Школы № 35  
Н.С.Мушкат  
Приказ № 295 от 31.08.2023г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
учебного предмета «Математика»  
углубленный уровень  
10 класс

Составитель: учитель математики Дворянинова Гелена Михайловна

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

**Рабочая программа «Математика. Углубленный уровень.» включает в себя три модуля: «Алгебра и начала математического анализа. Углубленный уровень.», «Геометрия. Углубленный уровень.», «Вероятность и статистика. Углубленный уровень.»**

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом

разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных задач и задач нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций,

позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится 272 часа: в 10 классе – 136 часов (4 часа в неделю), в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 10 КЛАСС

### **Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Модуль действительного числа и его свойства. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Бином Ньютона. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени и его свойства.

Степень с рациональным показателем и её свойства, степень с действительным показателем.

Логарифм числа. Свойства логарифма. Десятичные и натуральные логарифмы.

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования. Уравнение, корень уравнения. Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства.

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств. Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу. Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни.

Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений.

Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений.

Преобразование выражений, содержащих логарифмы.

Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений.

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений.

Решение систем линейных уравнений. Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы  $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства, вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений. Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей.

Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

### **Функции и графики**

Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций. График функции. Элементарные преобразования графиков функций.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем.

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях. Графики реальных зависимостей.

### **Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции. Монотонные и ограниченные последовательности. История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Линейный и экспоненциальный рост. Число  $e$ . Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств. Применение свойств непрерывных функций для решения задач.

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции.

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций.

### **Множества и логика**

Множество, операции над множествами и их свойства. Диаграммы Эйлера–Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения.



# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы,

готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

#### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **10 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты, иррациональное число, множества рациональных и действительных чисел, модуль действительного числа;

применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни;

применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений;

свободно оперировать понятием: степень с целым показателем, использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных;

свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени;

свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем;

свободно оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы;

свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента;

оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия, равносильные неравенства;

применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений, применять метод интервалов для решения неравенств;

свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной, многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена, применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач;

свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл, использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений, моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат;

использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений;

выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем;

использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений;

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения, находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней;

применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений;

свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

### **Функции и графики:**

свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции, взаимно обратные функции, композиция функций, график функции, выполнять элементарные преобразования графиков функций;

свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства;

свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке;

свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем, график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем;

оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно-линейная функции, выполнять элементарное исследование и построение их графиков;

свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики, использовать их графики для решения уравнений;

свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента;

использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами;

### **Начала математического анализа:**

свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов, иметь представление о константе;

использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера;

свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности, понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых;

свободно оперировать понятиями: непрерывные функции, точки разрыва графика функции, асимптоты графика функции;

свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке, применять свойства непрерывных функций для решения задач;

свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции;

вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций, знать производные элементарных функций;

использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач.

### **Множества и логика:**

свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами;

использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов;

свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Множество действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений	24	1		
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем	12	1		
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения	15	1		
4	Показательная функция. Показательные уравнения	10	1		
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения	18	1		
6	Тригонометрические выражения и уравнения	22	1		
7	Последовательности и прогрессии	10	1		
8	Непрерывные функции. Производная	20	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	5	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0	



**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	[[Множество, операции над множествами и их свойства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
2	Диаграммы Эйлера-Венна	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
5	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
6	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
7	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
8	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
9	Арифметические операции с действительными числами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
10	Модуль действительного числа и его	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	свойства					
11	Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
12	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
13	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
14	Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
15	Многочлены от одной переменной. Деление многочлена на многочлен с остатком. Теорема Безу	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
16	Многочлены с целыми коэффициентами. Теорема Виета	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
17	Решение систем линейных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
18	Решение систем линейных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
19	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
20	Определитель матрицы $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
21	Применение определителя для	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	решения системы линейных уравнений					
22	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
23	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
24	Контрольная работа: "Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений"	1	1			
25	Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. Композиция функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
26	График функции. Элементарные преобразования графиков функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
27	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знак постоянства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
28	Чётные и нечётные функции. Периодические функции. Промежутки монотонности функции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
29	Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
30	Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
31	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
32	Элементарное исследование и построение графиков этих функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

33	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
34	Степень с целым показателем. Бином Ньютона	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
35	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
36	Контрольная работа: "Степенная функция. Её свойства и график"	1	1			
37	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
38	Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
39	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
40	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
41	Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
42	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
43	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
44	Иррациональные уравнения. Основные методы решения иррациональных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

45	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
46	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
47	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
48	Равносильные переходы в решении иррациональных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
49	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
50	Свойства и график корня n-ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
51	Контрольная работа: "Свойства и график корня n-ой степени. Иррациональные уравнения"	1	1			
52	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
53	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
54	Степень с рациональным показателем и её свойства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
55	Показательная функция, её свойства и график	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
56	Использование графика функции для решения уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
57	Использование графика функции для	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	решения уравнений					
58	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
59	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
60	Показательные уравнения. Основные методы решения показательных уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
61	Контрольная работа: "Показательная функция. Показательные уравнения"	1	1			
62	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
63	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
64	Логарифм числа. Свойства логарифма	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
65	Десятичные и натуральные логарифмы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
66	Десятичные и натуральные логарифмы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
67	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
68	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
69	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
70	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
71	Логарифмическая функция, её свойства и график	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

72	Использование графика функции для решения уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
73	Использование графика функции для решения уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
74	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
75	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
76	Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
77	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
78	Равносильные переходы в решении логарифмических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
79	Контрольная работа: "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения"	1	1			
80	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
81	Синус, косинус, тангенс и котангенс числового аргумента	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
82	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
83	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

84	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
85	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
86	Основные тригонометрические формулы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
87	Основные тригонометрические формулы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
88	Основные тригонометрические формулы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
89	Основные тригонометрические формулы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
90	Преобразование тригонометрических выражений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
91	Преобразование тригонометрических выражений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
92	Преобразование тригонометрических выражений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
93	Преобразование тригонометрических выражений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
94	Решение тригонометрических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
95	Решение тригонометрических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
96	Решение тригонометрических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>



97	Решение тригонометрических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
98	Решение тригонометрических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
99	Решение тригонометрических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
100	Решение тригонометрических уравнений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
101	Контрольная работа: "Тригонометрические выражения и тригонометрические уравнения"	1	1			
102	Последовательности, способы задания последовательностей. Метод математической индукции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
103	Монотонные и ограниченные последовательности. История анализа бесконечно малых	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
104	Арифметическая прогрессия	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
105	Геометрическая прогрессия	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
106	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
107	Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
108	Линейный и экспоненциальный рост. Число $e$ . Формула сложных процентов	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
109	Линейный и экспоненциальный рост. Число $e$ . Формула сложных процентов	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
110	Использование прогрессии для	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	решения реальных задач прикладного характера					
111	Контрольная работа: "Последовательности и прогрессии"	1	1			
112	Непрерывные функции и их свойства	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
113	Точка разрыва. Асимптоты графиков функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
114	Свойства функций непрерывных на отрезке	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
115	Свойства функций непрерывных на отрезке	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
116	Метод интервалов для решения неравенств	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
117	Метод интервалов для решения неравенств	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
118	Метод интервалов для решения неравенств	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
119	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
120	Применение свойств непрерывных функций для решения задач	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
121	Первая и вторая производные функции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
122	Определение, геометрический смысл производной	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
123	Определение, физический смысл производной	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
124	Уравнение касательной к графику функции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

125	Уравнение касательной к графику функции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
126	Производные элементарных функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
127	Производные элементарных функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
128	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
129	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
130	Производная суммы, произведения, частного и композиции функций	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
131	Контрольная работа: "Производная"	1	1			<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
132	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
133	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
134	Итоговая контрольная работа	1	1			
135	Итоговая контрольная работа	1	1			
136	Повторение, обобщение, систематизация знаний	1				
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		136	10	0		

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

- Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия.

Алгебра и начала математического анализа (в 2 частях), 10 класс/ Часть 1:

Мордкович А.Г., Семенов П.В.; Часть 2: Мордкович А.Г. и другие; под

редакцией Мордковича А.Г., Общество с ограниченной ответственностью

«ИОЦ МНЕМОЗИНА»

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ**

**ИНТЕРНЕТ**

<https://myschool.edu.ru/>

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при

обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится 204 часа: в 10 классе – 102 часа (3 часа в неделю), в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 10 КЛАСС

### **Прямые и плоскости в пространстве**

Основные понятия стереометрии. Точка, прямая, плоскость, пространство. Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них.

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве, параллельность трёх прямых, параллельность прямой и плоскости. Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение фигур в параллельной проекции. Углы с сонаправленными сторонами, угол между прямыми в пространстве. Параллельность плоскостей: параллельные плоскости, свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед, построение сечений.

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости. Ортогональное проектирование. Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость. Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей. Теорема о трёх перпендикулярах.

Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью, двугранный угол, линейный угол двугранного угла. Трёхгранный и многогранные углы. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла.

### **Многогранники**

Виды многогранников, развёртка многогранника. Призма:  $n$ -угольная призма, прямая и наклонная призмы, боковая и полная поверхность призмы. Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Пространственная теорема Пифагора. Пирамида:  $n$ -угольная пирамида, правильная и усечённая пирамиды. Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды. Правильные многогранники: правильная призма и

правильная пирамида, правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр, куб. Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр.

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы. Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы. Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды.

Симметрия в пространстве. Элементы симметрии правильных многогранников. Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды.

### **Векторы и координаты в пространстве**

Понятия: вектор в пространстве, нулевой вектор, длина ненулевого вектора, векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы. Равенство векторов. Действия с векторами: сложение и вычитание векторов, сумма нескольких векторов, умножение вектора на число. Свойства сложения векторов. Свойства умножения вектора на число. Понятие компланарные векторы. Признак компланарности трёх векторов. Правило параллелепипеда. Теорема о разложении вектора по трём некомпланарным векторам. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Связь между координатами вектора и координатами точек. Угол между векторами. Скалярное произведение векторов.



# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотическое воспитание:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственное воспитание:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетическое воспитание:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физическое воспитание:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудовое воспитание:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологическое воспитание:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

**Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

**Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **10 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений;
- применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач;
- классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве, плоскостей в пространстве, прямых и плоскостей в пространстве;
- свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве, между прямой и плоскостью;
- свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками;

- свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб);
- классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации;
- свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью;
- выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость, выполнять изображения фигур на плоскости;
- строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу;
- вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул;
- свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве, центр, ось и плоскость симметрии, центр, ось и плоскость симметрии фигуры;
- свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве;
- выполнять действия над векторами;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности;
- применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;
- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Введение в стереометрию	23	1		<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
2	Взаимное расположение прямых в пространстве	6	1		<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
3	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	8			<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
4	Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	25			<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
5	Углы и расстояния	16	1		<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
6	Многогранники	7	1		<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
7	Векторы в пространстве	12			<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
8	Повторение, обобщение и систематизация знаний	5	2		<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0	

## ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
2	Понятия стереометрии: точка, прямая, плоскость, пространство. Основные правила изображения на рисунке плоскости, параллельных прямых (отрезков), середины отрезка	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
3	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
4	Понятия: пересекающиеся плоскости, пересекающиеся прямая и плоскость; полупространство	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
5	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
6	Многогранники, изображение простейших пространственных фигур, несуществующих объектов	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
7	Аксиомы стереометрии и первые	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	следствия из них					
8	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
9	Аксиомы стереометрии и первые следствия из них. Способы задания прямых и плоскостей в пространстве. Обозначения прямых и плоскостей	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
10	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
11	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
12	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей. Раскрашивание построенных сечений разными цветами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
13	Изображение сечений пирамиды, куба и призмы, которые проходят через их рёбра. Изображение пересечения полученных плоскостей.	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>



	Раскрашивание построенных сечений разными цветами					
14	Метод следов для построения сечений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
15	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
16	Метод следов для построения сечений. Свойства пересечений прямых и плоскостей	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
17	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
18	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
19	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
20	Построение сечений в пирамиде, кубе по трём точкам на рёбрах. Создание выносных чертежей и запись шагов построения	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
21	Повторение планиметрии: Теорема о пропорциональных отрезках. Подобие треугольников	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

22	Повторение планиметрии: Теорема Менелая. Расчеты в сечениях на выносных чертежах. История развития планиметрии и стереометрии	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
23	Контрольная работа "Аксиомы стереометрии. Сечения"	1	1			
24	Взаимное расположение прямых в пространстве. Скрещивающиеся прямые. Признаки скрещивающихся прямых. Параллельные прямые в пространстве	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
25	Теорема о существовании и единственности прямой параллельной данной прямой, проходящей через точку пространства и не лежащей на данной прямой. Лемма о пересечении параллельных прямых плоскостью	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
26	Параллельность трех прямых. Теорема о трёх параллельных прямых. Теорема о скрещивающихся прямых	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
27	Параллельное проектирование. Основные свойства параллельного проектирования. Изображение разных фигур в параллельной проекции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
28	Центральная проекция. Угол с сонаправленными сторонами. Угол между прямыми	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
29	Задачи на доказательство и исследование, связанные с	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	расположением прямых в пространстве					
30	Понятия: параллельность прямой и плоскости в пространстве. Признак параллельности прямой и плоскости. Свойства параллельности прямой и плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
31	Геометрические задачи на вычисление и доказательство, связанные с параллельностью прямых и плоскостей в пространстве	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
32	Построение сечения, проходящего через данную прямую на чертеже и параллельного другой прямой. Расчёт отношений	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
33	Параллельная проекция, применение для построения сечений куба и параллелепипеда. Свойства параллелепипеда и призмы	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
34	Параллельные плоскости. Признаки параллельности двух плоскостей	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
35	Теорема о параллельности и единственности плоскости, проходящей через точку, не принадлежащую данной плоскости и следствия из неё	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
36	Свойства параллельных плоскостей: о параллельности прямых пересечения при пересечении двух параллельных	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	плоскостей третьей					
37	Свойства параллельных плоскостей: об отрезках параллельных прямых, заключённых между параллельными плоскостями; о пересечении прямой с двумя параллельными плоскостями	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
38	Повторение: теорема Пифагора на плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
39	Повторение: тригонометрия прямоугольного треугольника	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
40	Свойства куба и прямоугольного параллелепипеда	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
41	Вычисление длин отрезков в кубе и прямоугольном параллелепипеде	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
42	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
43	Перпендикулярность прямой и плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
44	Теорема о существовании и единственности прямой, проходящей через точку пространства и перпендикулярной к плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
45	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

46	Плоскости и перпендикулярные им прямые в многогранниках	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
47	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
48	Перпендикуляр и наклонная. Построение перпендикуляра из точки на прямую	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
49	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
50	Теорема о трёх перпендикулярах (прямая и обратная)	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
51	Угол между скрещивающимися прямыми	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
52	Поиск перпендикулярных прямых с помощью перпендикулярных плоскостей	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
53	Ортогональное проектирование	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
54	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
55	Построение сечений куба, призмы, правильной пирамиды с помощью ортогональной проекции	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
56	Симметрия в пространстве относительно плоскости. Плоскости симметрий в многогранниках	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
57	Признак перпендикулярности прямой	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	и плоскости как следствие симметрии					
58	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
59	Правильные многогранники. Расчёт расстояний от точки до плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
60	Способы опустить перпендикуляры: симметрия, сдвиг точки по параллельной прямой	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
61	Сдвиг по непараллельной прямой, изменение расстояний	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
62	Контрольная работа "Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве"	1	1			
63	Повторение: угол между прямыми на плоскости, тригонометрия в произвольном треугольнике, теорема косинусов	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
64	Повторение: угол между скрещивающимися прямыми в пространстве	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
65	Геометрические методы вычисления угла между прямыми в многогранниках	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
66	Двугранный угол. Свойство линейных углов двугранного угла	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
67	Перпендикулярные плоскости. Свойства взаимно перпендикулярных плоскостей	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

68	Признак перпендикулярности плоскостей; теорема о прямой пересечения двух плоскостей перпендикулярных третьей плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
69	Прямоугольный параллелепипед; куб; измерения, свойства прямоугольного параллелепипеда	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
70	Теорема о диагонали прямоугольного параллелепипеда и следствие из неё	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
71	Стереометрические и прикладные задачи, связанные со взаимным расположением прямых и плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
72	Повторение: скрещивающиеся прямые, параллельные плоскости в стандартных многогранниках	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
73	Пара параллельных плоскостей на скрещивающихся прямых, расстояние между скрещивающимися прямыми в простых ситуациях	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
74	Расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
75	Вычисление расстояний между скрещивающимися прямыми с помощью перпендикулярной плоскости	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
76	Трёхгранный угол, неравенства для трёхгранных углов. Теорема Пифагора, теоремы косинусов и	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>

	синусов для трёхгранного угла					
77	Элементы сферической геометрии: геодезические линии на Земле	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
78	Контрольная работа "Углы и расстояния"	1	1			
79	Систематизация знаний "Многогранник и его элементы"	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
80	Пирамида. Виды пирамид. Правильная пирамида	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
81	Призма. Прямая и наклонная призмы. Правильная призма	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
82	Прямой параллелепипед, прямоугольный параллелепипед, куб	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
83	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
84	Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Правильные и полуправильные многогранники	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
85	Контрольная работа "Многогранники"	1	1			
86	Понятие вектора на плоскости и в пространстве	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
87	Сумма векторов	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
88	Разность векторов	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
89	Правило параллелепипеда	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
90	Умножение вектора на число	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
91	Разложение вектора по базису трёх векторов, не лежащих в одной	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>



	плоскости					
92	Скалярное произведение	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
93	Вычисление угла между векторами в пространстве	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
94	Простейшие задачи с векторами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
95	Простейшие задачи с векторами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
96	Простейшие задачи с векторами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
97	Простейшие задачи с векторами	1				<a href="https://myschool.edu.ru/">https://myschool.edu.ru/</a>
98	Обобщение и систематизация знаний	1				
99	Обобщение и систематизация знаний	1				
100	Итоговая контрольная работа	1	1			
101	Итоговая контрольная работа	1	1			
102	Обобщение и систематизация знаний	1				
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	6	0		

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

Геометрия. 10-11 классы: учеб. для общеобразоват. учреждений: базовый и  
профильный уровни/ Л.С. Атанасян, В.Ф.Бутузов, С.Б.Кадомцев и др. - 22  
изд. - М.: Просвещение

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ  
ИНТЕРНЕТ**

<https://myschool.edu.ru/>

## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и

знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

## СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

### 10 КЛАСС

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**



составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **10 класса** обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями;

находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;

свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ  
10 КЛАСС**

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Элементы теории графов	3			
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3			
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5			
4	Элементы комбинаторики	4	1		
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5		1	
6	Случайные величины и распределения	14	1	1	
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		34	2	2	

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**  
**10 КЛАСС**

№ п/п	Тема урока	Количество часов			Дата изучения	Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы		
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1				
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1				
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1				
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1				
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1				
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями	1				
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события.	1				

	Формула сложения вероятностей					
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1				
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1				
10	Формула полной вероятности	1				
11	Формула Байеса. Независимые события	1				
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1				
13	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1				
14	Формула бинома Ньютона	1				
15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1	1			
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1				
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1				
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1				

19	Случайный выбор из конечной совокупности	1				
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		1		
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1				
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1				
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1				
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1				
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1				
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1				
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1				
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1				
29	Математическое ожидание	1				

	произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин					
30	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		1		
31	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1				
32	Обобщение и систематизация знаний	1				
33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	1			
34	Обобщение и систематизация знаний	1				
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	2		